

ĐÁP ÁN ĐỀ THI HỌC KỲ 3 NĂM HỌC 2014-2015

MÔN: TOÁN CAO CẤP A2

(Đáp án gồm 02 trang)

CÂU	NỘI DUNG	ĐIỂM	TỔNG
1	Cơ sở của W là $u_1 = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, u_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, u_3 = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ $\dim W = 3$	1.0	1.0
2	<ul style="list-style-type: none"> $\bar{A} = (A B) = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 & -1 & & 1 \\ 1 & 1 & 3 & -1 & & 0 \\ 1 & 1 & 3 & -m & & 3 \end{pmatrix} \dots \longrightarrow \begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 & -1 & & 1 \\ 0 & 2 & 0 & 0 & & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1-m & & 3 \end{pmatrix}$ 	0.5	1.5
	<ul style="list-style-type: none"> $1-m=0 \Leftrightarrow m=1: r(A) < r(\bar{A}) \Rightarrow$ Hệ VN $1-m \neq 0 \Leftrightarrow m \neq 1: r(A) = r(\bar{A}) < 4 \Rightarrow$ Hệ có VSN <p>dạng $\begin{cases} x_1 = -\frac{1}{2} + \frac{3}{1-m} - 3t \\ x_2 = -1/2 \\ x_3 = t \\ x_4 = \frac{3}{1-m} \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R})$</p>	1.0	
3a	<ul style="list-style-type: none"> Đặt $A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 6 \\ -1 & -1 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ 	0.5	3.0
	<ul style="list-style-type: none"> Vì $r(A) = 3$ nên E độc lập tuyến tính. Hơn nữa số vectơ của E bằng số chiều của $P_2[x]$, nên E là cơ sở của $P_2[x]$. 	0.5	
3b	$P_{B \rightarrow E} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 2 \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}$	1.0	
3c	<ul style="list-style-type: none"> $v = 12x^2 - 6x - 3; [v]_B = \begin{pmatrix} 3 \\ -6 \\ 6 \end{pmatrix}$. 	1.0	

4	<ul style="list-style-type: none"> • $A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 4 \\ 4 & 1 & 4 \\ 4 & 4 & 1 \end{pmatrix}; \lambda_1 = -3, \lambda_2 = 9$ 	0.5	1.5
	<ul style="list-style-type: none"> • $X_1 = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}; X_2 = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ là các VTR cơ sở ứng với $\lambda_1 = -3$. • $X_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ là VTR cơ sở ứng với $\lambda_2 = 9$. 	0.5	
	<ul style="list-style-type: none"> • $Y_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}; Y_2 = \frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}; Y_3 = \frac{1}{\sqrt{3}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ là các VTR cơ sở trực chuẩn của A. 	0.5	
5a	<ul style="list-style-type: none"> • $z'_x = -\frac{4x^3yz - \frac{1}{x} - \frac{1}{z}e^{\frac{x}{z}}}{x^4y + \frac{x}{z^2}e^{\frac{x}{z}}}$ $z'_y = -\frac{x^4z - \frac{1}{y} + 20y^4}{x^4y + \frac{x}{z^2}e^{\frac{x}{z}}}$ 	1.0	3.0
5b	<ul style="list-style-type: none"> • $\begin{cases} \frac{\partial f}{\partial x} = x^2 - y = 0 \\ \frac{\partial f}{\partial y} = y^2 - x = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases} \vee \begin{cases} x = 1 \\ y = 1 \end{cases}$ • Hàm số f có hai điểm dừng: $M(0,0)$ và $N(1,1)$ 	0.5	
	<ul style="list-style-type: none"> • $A = 2x, B = -1, C = 2y, \Delta = AC - B^2 = 4xy - 1$ Tại $M(0,0), \Delta = -1 < 0$, hàm số không đạt cực trị tại M. 	0.5	
	<ul style="list-style-type: none"> • Tại $N(1,1), A = 2 > 0, \Delta = 3 > 0$, hàm số đạt cực tiểu tại N 	0.5	
5c	<ul style="list-style-type: none"> • $0 \leq \left \frac{xy^2 \sin(xy)}{x^2 + y^2} \right \leq x \sin(xy) \rightarrow 0$ nên $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{xy^2 \sin(xy)}{x^2 + y^2} = 0$ 	0.5	
Tổng điểm			10